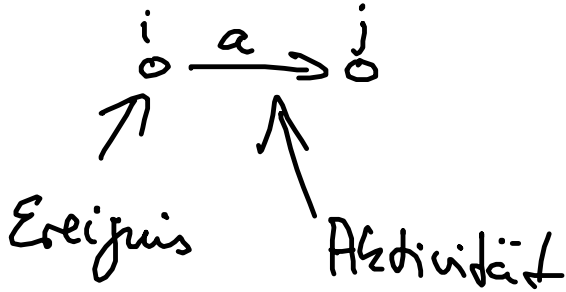


Fahrpläne / Ablaufpläne



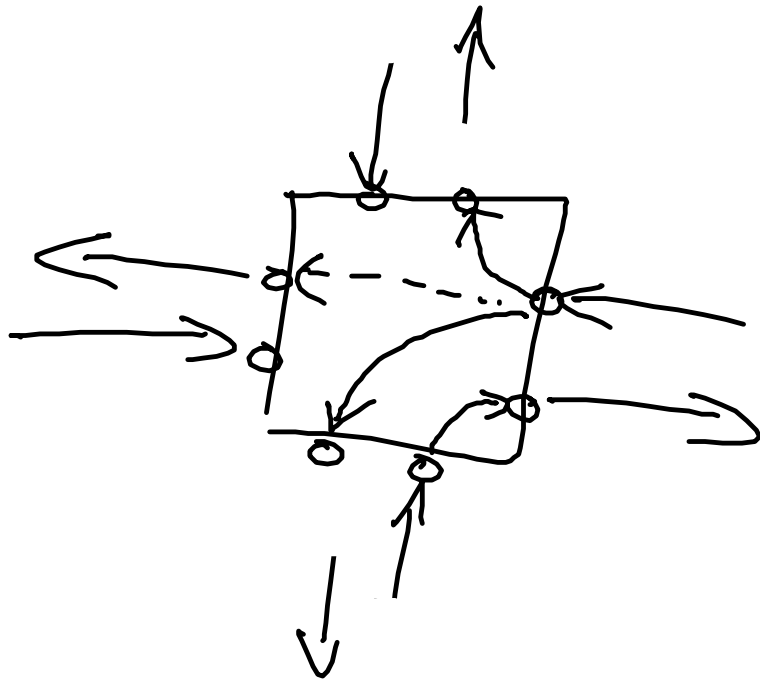
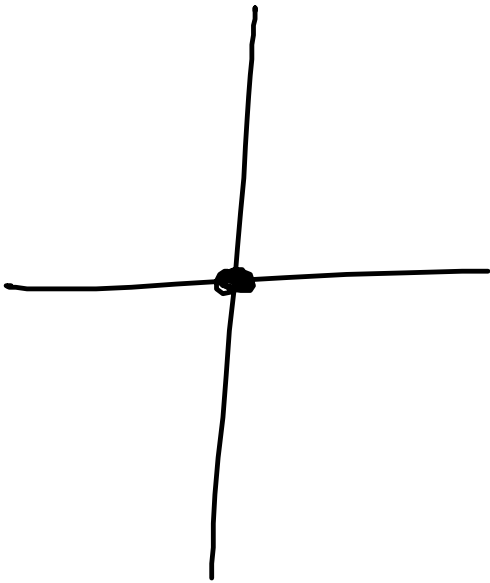
Ereignis-Aktivitätsnetzwerke

$$u_a \geq \pi_j - \pi_i \geq l_a$$

Fahrbanden

Stopbanden

Umsteigebanden



↳ Azyklischer gerichteter Graph (DAG)

# Periodisches Fahrplan

## 1. Möglichkeit

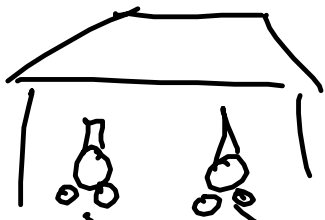
$$i \longrightarrow i' \longrightarrow i''$$

$$u_a \geq \pi_{i'} - \pi_i \geq l_a, \quad l_a = u_a = T$$



Periode (z.B. 10  
min)

fehlende Modellierungskraft:



Wo quert? / Headway Constraints



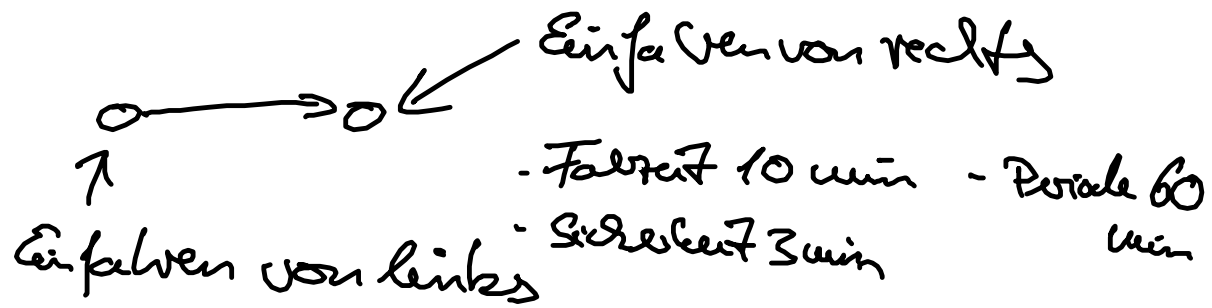
Einflüsigkeit

---

## 2. Möglichkeit

$$u_a \geq \pi_{ij} - \pi_i + p \cdot T \geq l_a \quad p \in \mathbb{Z}$$

- Graph nicht notwendig azyklisch
- Headways / Eingängigkeit ...



[13, 47]

---

Gemischt Ganzzahliges Programm

$$\min_{\substack{\pi_j \in \mathbb{R} \\ \pi_j \in \mathbb{Z}}} \sum (\pi_j - \bar{\pi}_j) \bmod T \cdot w_a$$

$$l \leq B \pi + p T \leq u$$

$$\begin{array}{l} \pi \in \mathbb{Q}^V \quad \pi \in \mathbb{Z}^V \\ p \in \mathbb{Z}^A \end{array}$$

Matrix B ist TUM.

Was heißt das?

Komplexität

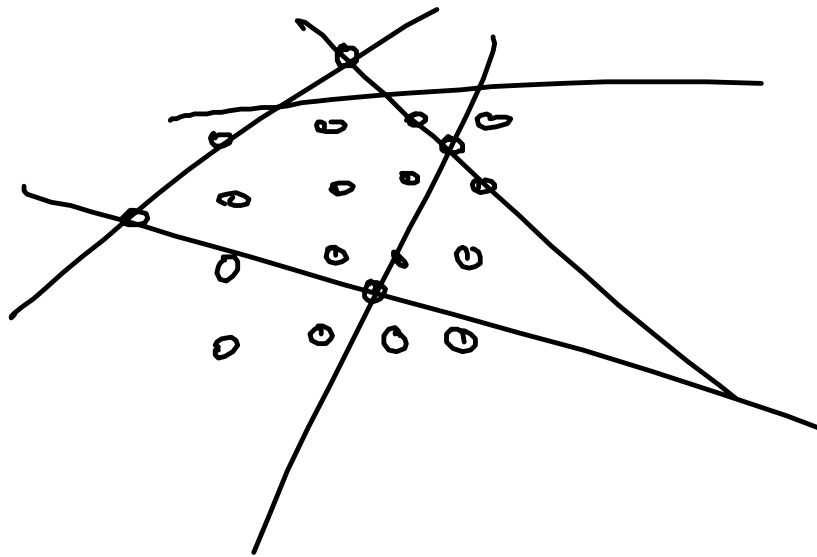
"Max-k-colorable Subgraph" (Papadimitriou / Yannakakis 91)

: wähle aus einem ungerichteten Graphen einen Teilgraphen aus der k-färbbar ist und möglichst viele Kanten hat.

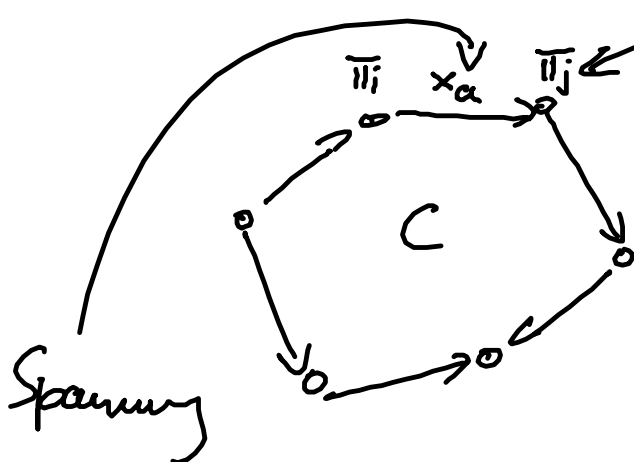
$$k \rightarrow T$$

(Liebman, Peeters 02)

$$[1, T-1]$$



Sei  $\tilde{\pi}$  zu deinem IP-Solver



Potential

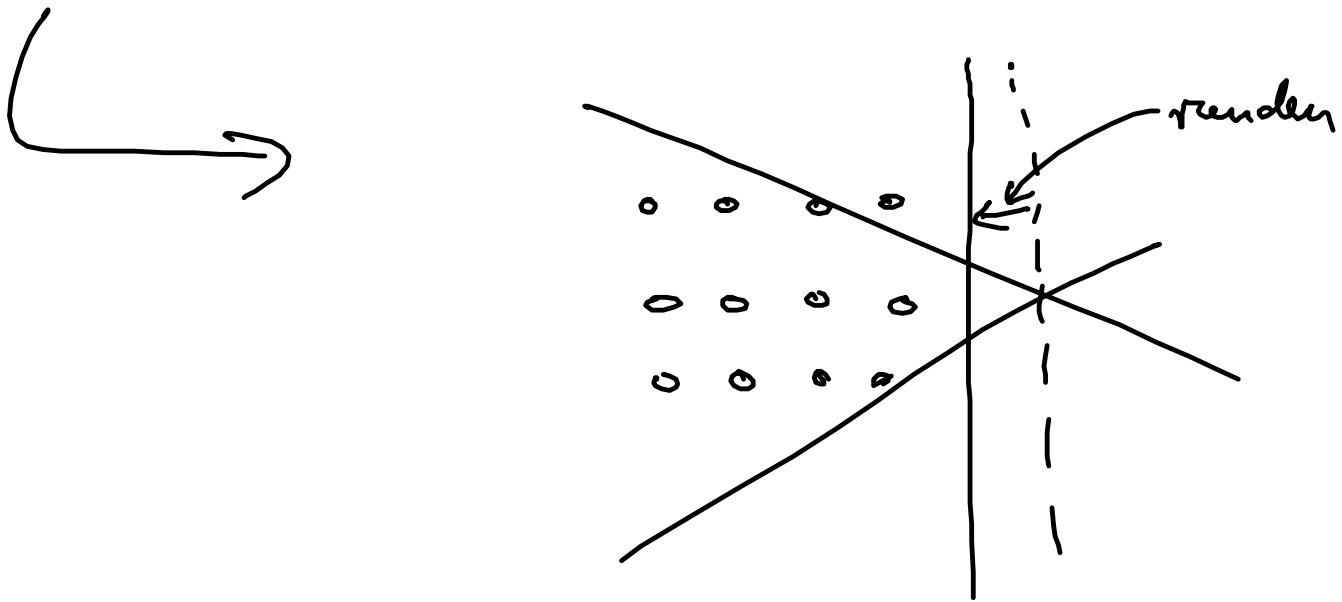
$$x_a = \tilde{\pi}_j - \tilde{\pi}_i \pmod{T}, a = (ij)$$

$$\sum_{a \in C^+} x_a - \sum_{a \in C^-} x_a = \tilde{p} \cdot T$$

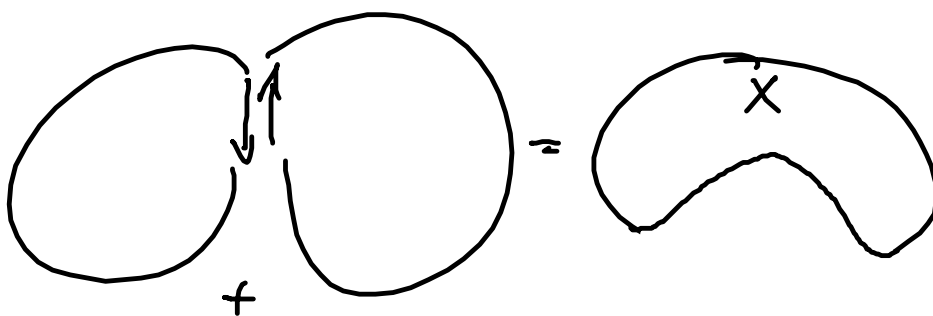
$\hookrightarrow \frac{y_c' x_a}{\uparrow \quad \uparrow} \in \mathbb{Z}$   
 Kreisvektor

Odijz Ungleichungen

$$\left[ \frac{\sum_{a \in C^+} l_a + \sum_{a \in C} u_a}{T} \right]$$



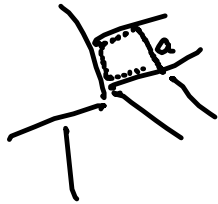
Kreise in Graphen



$$\begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad \longrightarrow \quad \mathcal{V} \subseteq \mathcal{E} \text{ Torraum aller Kreise.}$$

## Dimension des $\mathcal{V} \subseteq \mathcal{E}$ Torraums $\mathcal{C}$

Wähle Baum



Fundamental-  
kreis zu a.

m Kanten

n Knoten

$m - (n - 1)$  Fundamentalkreise

$n - 1$  Fundamentalschritte

